

# Préservation d'intention dans les CRDT

Matthieu Perrin

École Normale Supérieure de Cachan – Antenne de Bretagne  
Doctorant dans Aelos et GDD

directeurs :

Claude Jard  
Achour Mostefaoui

Réunion interne, Aelos

16 mai 2013

- 1 Introduction
- 2 Les CRDT
  - La cohérence inéluctable
  - Les CRDT
  - L'ensemble partagé
- 3 Intention
  - État de l'art
  - Spécifications d'ordres partiels
- 4 Conclusion et discussions

# Les objets séquentiels

## Données

- états
- privées

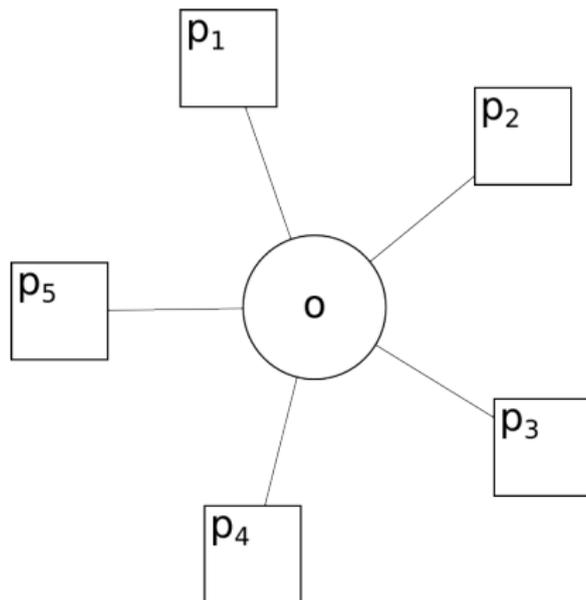
## Méthodes

- opérations
- accessibles

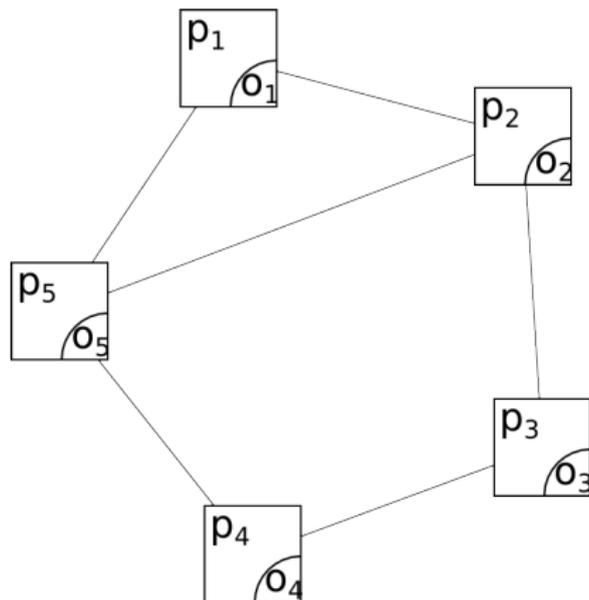
## Spécification

- propriétés sur le comportement de l'objet
- à prouver

# Les objets répartis



# Les objets répartis



# Présentation du système

## $n$ processus

- exécutions correctes
- asynchrones
- pannes franches

## Moyens de communication

- passage de messages
- réseau fiable
- asynchrone

# Le théorème CAP

## Cohérence forte (Consistency)

Cohérence séquentielle :

- opérations totalement ordonnées
- ordre compatible avec l'ordre des processus

## Disponibilité (Availability)

- les appels terminent

## Résistance au Partitionnement

- des processus de partitions différentes ne peuvent pas communiquer

# Le théorème CAP

## Cohérence forte (Consistency)

Cohérence séquentielle :

- opérations totalement ordonnées
- ordre compatible avec l'ordre des processus

## Disponibilité (Availability)

- les appels terminent

## Résistance au Partitionnement

- des processus de partitions différentes ne peuvent pas communiquer

**Impossible** [Gilbert, Lynch, 2002]

# Le théorème CAP

## Cohérence forte (Consistency)

Cohérence séquentielle :

- opérations totalement ordonnées
- ordre compatible avec l'ordre des processus

## Disponibilité (Availability)

- les appels terminent

## Résistance au Partitionnement

- des processus de partitions différentes ne peuvent pas communiquer

**Impossible** [Gilbert, Lynch, 2002]

- 1 Introduction
- 2 Les CRDT
  - La cohérence inéluctable
  - Les CRDT
  - L'ensemble partagé
- 3 Intention
  - État de l'art
  - Spécifications d'ordres partiels
- 4 Conclusion et discussions

## Cohérence inéluctable (eventual consistency)

### Séparation des opérations :

- lectures
- écritures

### Cohérence inéluctable (EC)

Si on arrête d'écrire, un jour, tous les processus liront les mêmes valeurs

### Cohérence inéluctable forte (SEC)

Si deux processus ont reçu les mêmes mises à jour, ils sont dans le même état

# Commutative Replicated Data Types

## op-based object

- $(S, s^0, q, t, u, (P))$
- $S$  : ensemble d'états
- $s^0$  : état initial
- $q$  : opération de lecture
- $t, u$  : opérations d'écriture (local et distant)

## CmRDT

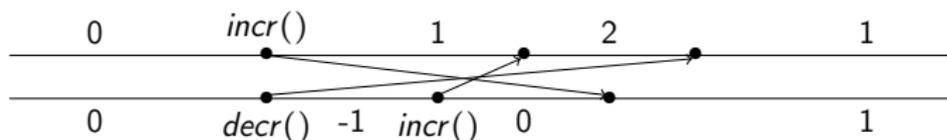
$$\forall s, \forall u, u', s \bullet u \bullet u' = s \bullet u' \bullet u$$

# Le compteur

```

payload :  $i \in \mathbb{N}$ ;
initial : 0;
query value() : return i;
update incr() :
  | atSource :
  | downstream () :  $i = i + 1$ ;
end
update decr() :
  | atSource :
  | downstream () :  $i = i - 1$ ;
end

```



# Convergent Replicated Data Types

## state-based object

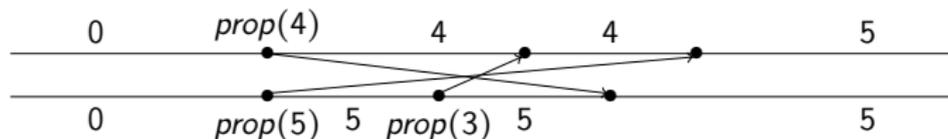
- $(S, \leq, s^0, q, u, m)$
- $S$  : ensemble d'états
- $(S, \leq, m)$  est un demi-treillis
- $s^0$  : état initial
- $q$  : opération de lecture
- $u$  : opération d'écriture

## CvRDT

$$\forall s, \forall u, s \leq s \bullet u$$

# Optimisation

**payload** :  $i \in \mathbb{N}$ ;  
**initial** : 0;  
**query** *value()* : **return**  $i$ ;  
**update** *prop*( $n \in \mathbb{N}$ ) :  $i = n$ ;  
**compare**( $i, j$ ) : **return**  $i \leq j$ ;  
**merge**( $i, j$ ) : **return**  $\max(i, j)$ ;



# Conflict-free Replicated Data Type

## Théorème

Tout CmRDT peut être émulé par un CvRDT

## Réciproque

Tout CvRDT peut être émulé par un CmRDT

# Émulation de l'optimiseur

```
payload :  $i \in \mathbb{N}$ ;  
initial : 0;  
query value() : return  $i$ ;  
update propose( $n \in \mathbb{N}$ ) :  
  |   atSource :  
  |   |   downstream ( $n$ ) :  
  |   |   |   if  $n > i$  then  
  |   |   |   |    $\sqcup$   $i = n$   
  |   |   |   end  
  |   |   end  
  |   end  
end
```

# Émulation du compteur

```
payload :  $P[n] \in \mathbb{N}, N[n] \in \mathbb{N}$ ;  
initial :  $[0, \dots, 0], [0, \dots, 0]$ ;  
query value() : return  $\sum_{i=0}^{n-1} P[i] - N[i]$ ;  
update incr() :  $P[k] = P[k] + 1$ ;  
update decr() :  $N[k] = N[k] + 1$ ;  
compare((P, N), (P', N')) :  
  | return  $\forall i, P[i] \leq P'[i] \wedge N[i] \leq N'[i]$ ;  
end  
merge((P, N), (P', N')) :  
  | return  $[\max(P[i], P'[i])], [\max(N[i], N'[i])]$ ;  
end
```

# L'ensemble partagé

## Définition

Un état :  $S \in \mathcal{P}(E)$

Deux opérations :

- $\text{insert}(x)$
- $\text{remove}(x)$

## CmRDT

- $\text{insert}(x); \text{remove}(x) \Rightarrow x \notin S$
- $\text{remove}(x); \text{insert}(x) \Rightarrow x \in S$

## CvRDT

$\{S = \emptyset\} \text{insert}(x); \{S = \{x\}\} \text{remove}(x); \{S = \emptyset\}$

## 2P-Set

**payload** :  $S \subset E \cup E^\dagger$ ;

**initial** :  $\emptyset$ ;

**query** *value()* : **return**  $\{x \in E \mid x \in S \wedge x^\dagger \notin S\}$ ;

**update** *insert*( $x \in E$ ) :

**atSource** :

**downstream** ( $x$ ) :  $S = S \cup \{x\}$ ;

**end**

**update** *remove*( $x \in E$ ) :

**atSource** :

**downstream** ( $x$ ) :  $S = S \cup \{x^\dagger\}$ ;

**end**

## OR-Set

**payload** :  $S \subset (E \times \mathbb{N}) \cup (E \times \mathbb{N})^\dagger$ ;

**initial** :  $\emptyset$ ;

**query** *value()* : **return**  $\{x \in E \mid \exists n : (x, n) \in S \wedge (x, n)^\dagger \notin S\}$ ;

**update** *insert*( $x \in E$ ) :

**atSource** :  $n = \text{unique}()$ ;

**downstream** ( $x, n$ ) :  $S = S \cup \{(x, n)\}$ ;

**end**

**update** *remove*( $x \in E$ ) :

**atSource** :  $R = \{n \in \mathbb{N} \mid (x, n) \in S\}$

**downstream** ( $x, R$ ) :  $S = S \cup (\{x\} \times R)^\dagger$ ;

**end**

## OR-Set – Version avec causalité

**payload** :  $S \subset (E \times \mathbb{N})$ ;

**initial** :  $\emptyset$ ;

**query** *value()* : **return**  $\{x \in E \mid \exists n : (x, n) \in S\}$ ;

**update** *insert*( $x \in E$ ) :

**atSource** :  $n = \text{unique}()$ ;

**downstream** ( $x, n$ ) :  $S = S \cup \{(x, n)\}$ ;

**end**

**update** *remove*( $x \in E$ ) :

**atSource** :  $R = \{n \in \mathbb{N} \mid (x, n) \in S\}$

**downstream** ( $R$ ) :  $S = S \setminus (\{x\} \times R)$ ;

**end**

Précondition : réception causale

## Rôle de la causalité

## CvRDT

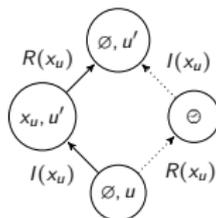
- Supprime des états dans le treillis

Garde-t-on un treillis ?

## CmRDT

- Empêche certains ordres entre les opérations

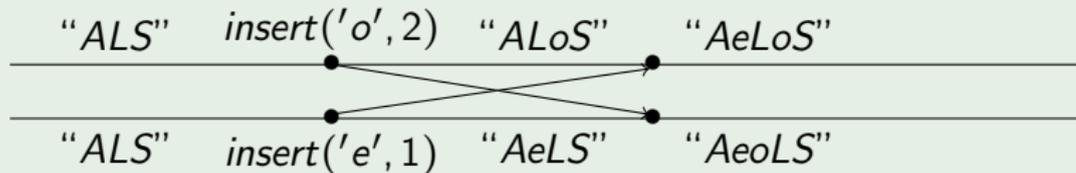
Quelles commutations doit-on conserver ?



- 1 Introduction
- 2 Les CRDT
  - La cohérence inéluctable
  - Les CRDT
  - L'ensemble partagé
- 3 Intention**
  - État de l'art
  - Spécifications d'ordres partiels
- 4 Conclusion et discussions

# L'intention de Sun

## Exemple : l'édition collaborative

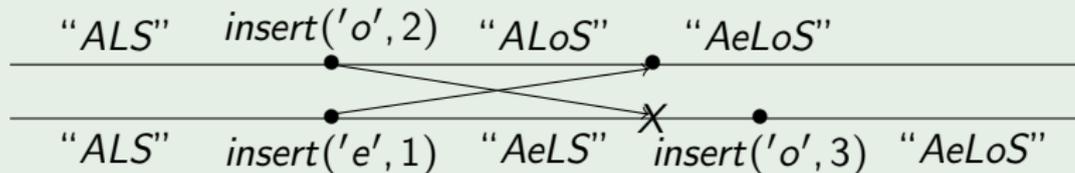


## Définition

L'intention est l'effet d'une opération sur l'état de celui qui la soumet.

# L'intention de Sun

## Exemple : l'édition collaborative



## Définition

L'intention est l'effet d'une opération sur l'état de celui qui la soumet.

# Principe des permutations équivalentes

## Conformité à la spécification séquentielle

$$\{P\}u; u'\{Q\} \wedge \{P\}u'; u\{Q'\} \wedge Q \Leftrightarrow Q' \Rightarrow \{P\}u \parallel u'\{Q\}.$$

## L'ensemble partagé

- $I(x) \parallel I(y) : \checkmark$
- $R(x) \parallel R(y) : \checkmark$
- $I(x) \parallel R(y) : \checkmark$
- $I(x) \parallel R(x) : X$ 
  - insert wins
  - remove wins
  - error state
  - ...

# Limites du principe des permutations équivalentes

- Trois états : A, B, C
- Trois opérations : a, b, c
  - $\{true\}a\{A\}$
  - $\{true\}b\{B\}$
  - $\{true\}c\{C\}$
- Elles ne commutent pas :
  - $\{true\}b\|c\{A\}$
  - $\{true\}a\|c\{B\}$
  - $\{true\}a\|b\{C\}$

# Limites du principe des permutations équivalentes

- Trois états : A, B, C
- Trois opérations : a, b, c
  - $\{true\}a\{A\}$
  - $\{true\}b\{B\}$
  - $\{true\}c\{C\}$
- Elles ne commutent pas :
  - $\{true\}b||c\{A\}$
  - $\{true\}a||c\{B\}$
  - $\{true\}a||b\{C\}$

Exécution de  $a||b||c$  ?

# Limites du principe des permutations équivalentes

```

payload :  $i \in \mathbb{N}$ ;
initial : 0;
query value() : return  $i$ ;
update incr() :  $i = i + 1$ ;
compare( $i, j$ ) :
  | return  $i \leq j$ ;
end
merge( $i, j$ ) :
  | return  $\max(i, j)$ ;
end

```

$$\{n\}incr; incr\{n+2\}$$

$$\{n\}incr || incr\{n+1\}$$

# Limites du principe des permutations équivalentes

## Cette définition de l'ensemble

$$\{true\}I(x)\{x \in S\}$$

$$\{true\}R(x)\{x \notin S\}$$

$$\{true\}I(x) \parallel R(x) \{S = \emptyset\}$$

Est-elle conforme à sa spécification séquentielle ?

# De quoi dépend le comportement d'un objet ?

## Exécution

Ensemble de lectures et d'écritures partiellement ordonnées selon l'ordre causal.

## Ce que l'on veut spécifier

Résultat des lectures

$$\mathcal{O} = (W, \leq) \rightarrow Q$$

Quelles fonctions correspondent aux CRDT ?

# L'objet causal

```

payload :  $ops \subset \mathbb{N}^2$ ,  $order \subset \mathbb{N}^4$ ;
initial :  $\emptyset, \emptyset$ ;
query  $q_i()$  : return  $f_i(ops, order)$ ;
update  $u_i()$  :
  |  $unique = \mathcal{U}$ ;
  |  $order = order \cup \{(i, unique)\} \times ops$ ;
  |  $ops = ops \cup \{(i, unique)\}$ ;
end
compare $((op, or), (op', or'))$  :
  | return  $op \subset op' \wedge or \subset or'$ ;
end
merge $((op, or), (op', or'))$  :
  | return  $(op \cup op', or \cup or')$ ;
end

```

## Définition de fonctions

- exécution = graphe orienté acyclique
- exploration de graphe : largeur / profondeur
- modèle intention-résolution

**Intention** : action d'une opération sur un état

**Résolution** : état sur lequel une opération est exécutée

$\{s_0\} o_1; (o_2 \parallel o_3); o_4$

●  $s_0 \xrightarrow{I(o_1)} s_1$

●  $s_1 \xrightarrow{I(o_2)} s_2$

●  $s_1 \xrightarrow{I(o_3)} s_3$

●  $\mathcal{R}(s_3, s_4) \xrightarrow{I(o_4)} s_4$

# L'ensemble partagé

## Spécification

- état abstrait :  $S \subset E$
- état initial :  $\emptyset$
- intention de insert :  $S := S \cup \{x\}$
- intention de remove :  $S := S \setminus \{x\}$
- résolution( $S_1, \dots, S_n$ ) :  $S := \bigcup_{i=1}^n S_i$

## Preuve pour OR-set

Soit  $(W, \leq)$  une exécution,

- dans la spécification :  $x \in S \Leftrightarrow \exists I_x \in W, \nexists R_x \in W, I_x \leq R_x$
- dans OR-set :  $x \in S.value() \Leftrightarrow \exists I_x \in W, \nexists R_x \in W, I_x \leq R_x$

- 1 Introduction
- 2 Les CRDT
  - La cohérence inéluctable
  - Les CRDT
  - L'ensemble partagé
- 3 Intention
  - État de l'art
  - Spécifications d'ordres partiels
- 4 Conclusion et discussions

# Conclusion

## L'intention

- les approches actuelles sont limitées
- les opérations ne peuvent pas être spécifiées individuellement

## Travaux en cours

- spécification avec des ordres partiels
- preuves encore compliquées

# Avoir une spécification séquentielle

## Nouvelle définition

Un objet a une spécification séquentielle si ses écritures sont sérialisables

## Lien avec le principe des permutations équivalentes

- spécification séquentielle  $\Rightarrow$  PPE
- réciproque fausse

Peut-on s'en servir pour simplifier la spécification ?

# Gérer la cohérence

## Objets séquentiels

- fonction d'une séquence dans un état
- cas particulier
- peut-on les obtenir à partir d'un CRDT ?

## Calculabilité des systèmes répartis

- système avec consensus  $\equiv$  machine de Turing
- système avec majorité  $\equiv$  machine de Turing
- système à sémantique faible  $\equiv$  machine de Turing
- sémantique faible  $<$  majorité  $<$  consensus